

$$\frac{[AR]^I}{[R_0]} = \frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A]} \quad \text{から} \quad \frac{B}{F} = -\frac{1}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right)} \cdot (B - B_{\max}) \quad \text{への変形}$$

$$\frac{[AR]^I}{[R_0]} = \frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A]}$$
 ← 競合的アンタゴニスト存在下 (競合的拮抗条件下) におけるアゴニストの占有率の式 (p.51).

$$\frac{B}{B_{\max}} = \frac{F}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + F}$$
 ← [AR]^I を受容体に結合しているアゴニスト量 (B), [R₀] をアゴニストの最大結合量 (B_{max}), [A] を遊離しているアゴニスト濃度 (F) とする.

両辺に $B_{\max} \cdot \left\{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + F\right\}$ をかけて分母をはらう.

$$B \cdot K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + B \cdot F = F \cdot B_{\max}$$
 ← B · F を移項.

$$B \cdot K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) = -F \cdot (B - B_{\max})$$
 ← 両辺を $F \cdot K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right)$ で割って、左辺がスキッチャードプロットのグラフの縦軸の値である $\frac{B}{F}$ になるよう整理.

$$\frac{B}{F} = -\frac{1}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right)} \cdot (B - B_{\max})$$

- | | |
|---------------------------------------------------|-----------------------------|
| [AR] ^I : 競合的アンタゴニスト存在下におけるアゴニストの受容体結合量 | [A] : 遊離アゴニスト量 |
| [R ₀] : 全受容体数 | K _A : アゴニストの解離定数 |
| [I] : 遊離競合的アンタゴニスト量 | B : 受容体に結合しているアゴニスト量 |
| K _i : 競合的アンタゴニストの解離定数 | F : 遊離しているアゴニスト濃度 |
| B _{max} : アゴニストの最大結合量 | |

$-\log K_i = pA_2$ の求め方

$$\begin{cases} pA_2 = -\log [I_2] \dots\dots\dots ① \\ \frac{[A]}{[A_0]} = 2 \dots\dots\dots ② \\ \frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I_2]}{K_i}\right) + [A]} = \frac{[A_0]}{K_A + [A_0]} = 0.5 \dots\dots ③ \end{cases}$$

• ③の式から目的の式を導き出す。

$$\frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I_2]}{K_i}\right) + [A]} = \frac{[A_0]}{K_A + [A_0]}$$

両辺に $\left\{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I_2]}{K_i}\right) + [A]\right\} \cdot (K_A + [A_0])$ をかけて分母をはらう。

$$[A] \cdot K_A + [A] \cdot [A_0] = [A_0] \cdot K_A \cdot \left(1 + \frac{[I_2]}{K_i}\right) + [A_0] \cdot [A]$$

式を整理。

$$[A] \cdot K_A = [A_0] \cdot K_A \cdot \left(1 + \frac{[I_2]}{K_i}\right)$$

両辺を $[A_0] \cdot K_A$ で割って整理。

$$\frac{[A]}{[A_0]} = 1 + \frac{[I_2]}{K_i}$$

$\frac{[A]}{[A_0]} = 2$ (②の式) を代入。

$$2 = 1 + \frac{[I_2]}{K_i}$$

式を整理。

$$K_i = [I_2]$$

両辺の負の常用対数をとる。

$$-\log K_i = -\log [I_2]$$

$pA_2 = -\log [I_2]$ (①の式) を代入。

$$-\log K_i = pA_2$$

[I_2] : アゴニストの濃度 - 反応曲線を2倍高濃度側に平行移動させる競合的アンタゴニストの濃度
 [A] : 競合的アンタゴニスト濃度 [I_2] の場合に, 反応率0.5となるアゴニスト濃度
 [A_0] : 競合的アンタゴニストが存在しない場合に, 反応率0.5となるアゴニスト濃度
 K_A : アゴニストの解離定数
 K_i : 競合的アンタゴニストの解離定数

$$\frac{[AR]^I}{[AR]} = \frac{\frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A]} \cdot [R_0]}{\frac{[A]}{K_A + [A]} \cdot [R_0]} \quad \text{から} \quad \frac{[AR]^I}{[AR]} = \frac{K_i \cdot \left(1 + \frac{[A]}{K_A}\right)}{K_i \cdot \left(1 + \frac{[A]}{K_A}\right) + [I]} \quad \text{への変形}$$

$$\begin{aligned} \frac{[AR]^I}{[AR]} &= \frac{\frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A]} \cdot [R_0]}{\frac{[A]}{K_A + [A]} \cdot [R_0]} && \left\{ \begin{array}{l} \text{アンタゴニスト非存在下におけるアゴニストの占有率の式 (p.42)} \\ \text{を変形して, } [AR] = \frac{[A]}{K_A + [A]} \cdot [R_0]. \text{ また, 競合的アンタゴ} \\ \text{ニスト存在下におけるアゴニストの占有率の式 (p.51) を変形して} \\ [AR]^I = \frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A]} \cdot [R_0]. \text{ これらを代入.} \end{array} \right. \\ &= \frac{[A] \cdot [R_0]}{\frac{[A]}{K_A + [A]} \cdot [R_0] \cdot \left\{ K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A] \right\}} && \left\{ \begin{array}{l} \text{分母と分子に } \left\{ K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A] \right\} \text{ をかける.} \\ [A] \cdot [R_0] \text{ で約分.} \end{array} \right. \\ &= \frac{1}{\frac{1}{K_A + [A]} \cdot \left\{ K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A] \right\}} && \left\{ \begin{array}{l} \text{分母と分子に } K_A + [A] \text{ をかける.} \\ \text{分母と分子に } \frac{K_i}{K_A} \text{ をかける.} \end{array} \right. \\ &= \frac{K_A + [A]}{K_A + \frac{K_A}{K_i} \cdot [I] + [A]} \\ &= \frac{K_i + K_i \cdot \frac{[A]}{K_A}}{K_i + [I] + K_i \cdot \frac{[A]}{K_A}} && \left\{ \begin{array}{l} \text{分母と分子を } K_i \text{ でくくり, 式を整理.} \\ \text{分母と分子に } \frac{K_i}{K_A} \text{ をかける.} \end{array} \right. \\ &= \frac{K_i \cdot \left(1 + \frac{[A]}{K_A}\right)}{K_i \cdot \left(1 + \frac{[A]}{K_A}\right) + [I]} \end{aligned}$$

$[AR]^I$: 競合的アンタゴニスト存在下におけるアゴニストの受容体結合量
 $[AR]$: アンタゴニスト非存在下におけるアゴニストの受容体結合量
 $[A]$: 遊離アゴニスト量 $[I]$: 遊離競合的アンタゴニスト量 $[R_0]$: 全受容体数
 K_A : アゴニストの解離定数 K_i : 競合的アンタゴニストの解離定数

$\frac{[AR]^I}{[R_0]} = \frac{[AR]^I}{[R] + [AR]^I + [IR] + [AIR]}$ から $\frac{[AR]^I}{[R_0]} = \frac{[A]}{K_A + [A]} \cdot \frac{1}{1 + \frac{[I]}{K_i}}$ への変形

$$\frac{[AR]^I}{[R_0]} = \frac{[AR]^I}{[R] + [AR]^I + [IR] + [AIR]}$$

全受容体数 $[R_0]$ は、遊離受容体数 $[R]$ とアゴニスト-受容体複合体数 $[AR]^I$ と非競合的アンタゴニスト-受容体複合体数 $[IR]$ とアゴニスト-非競合的アンタゴニスト-受容体複合体数 $[AIR]$ の合計なので、 $[R_0] = [R] + [AR]^I + [IR] + [AIR]$ 。これを代入。

$$= \frac{\frac{[A][R]}{K_A}}{[R] + \frac{[A][R]}{K_A} + [IR] + \frac{[A][IR]}{K_A}}$$

アゴニストの解離定数の式 $K_A = \frac{[A][R]}{[AR]^I} = \frac{[A][IR]}{[AIR]}$ を変形した $[AR]^I = \frac{[A][R]}{K_A}$ と $[AIR] = \frac{[A][IR]}{K_A}$ を代入。

$$= \frac{\frac{[A][R]}{K_A}}{[R] + \frac{[A][R]}{K_A} + \frac{[I][R]}{K_i} + \frac{[A]}{K_A} \cdot \frac{[I][R]}{K_i}}$$

非競合的アンタゴニストの解離定数の式 $K_i = \frac{[I][R]}{[IR]}$ を変形した $[IR] = \frac{[I][R]}{K_i}$ を代入。

分母と分子に $\frac{K_A}{[R]}$ をかける。

$$= \frac{[A]}{K_A + [A] + \frac{K_A \cdot [I]}{K_i} + \frac{[A] \cdot [I]}{K_i}}$$

分母を K_A と $[A]$ でくくり、式を整理。

$$= \frac{[A]}{K_A \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right) + [A] \cdot \left(1 + \frac{[I]}{K_i}\right)}$$

分母を $1 + \frac{[I]}{K_i}$ でくくり、式を整理。

$$= \frac{[A]}{K_A + [A]} \cdot \frac{1}{1 + \frac{[I]}{K_i}}$$

($[AR]^I$: 非競合的アンタゴニスト存在下におけるアゴニストの受容体結合量 (アゴニスト-受容体複合体数)
 $[R_0]$: 全受容体数 $[R]$: 遊離受容体数 $[IR]$: 非競合的アンタゴニスト受容体複合体数
 $[AIR]$: アゴニスト-非競合的アンタゴニスト-受容体複合体数 $[I]$: 遊離非競合的アンタゴニスト量
 $[A]$: 遊離アゴニスト量 K_A : アゴニストの解離定数 K_i : 競合的アンタゴニストの解離定数)

$-\frac{dX}{dt} = k_{el} \cdot X$ から $X = D_{iv} \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$, $\log X = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log D_{iv}$ への変形

$-\frac{dX}{dt} = k_{el} \cdot X$ ← 体内からの薬物の消失を示す微分方程式.

$\frac{1}{X} dX = -k_{el} dt$ ← 変数 X を左辺へ, 変数 t を右辺へ分離.

$\int \frac{1}{X} dX = -k_{el} \cdot \int 1 dt$ ← 両辺を不定積分 (I , I' は積分定数).

$\ln X + I = -k_{el} \cdot t + I'$ ← 式を整理.

$\ln X = -k_{el} \cdot t + (I' - I)$ ← 初期条件を考えると, $t=0$ のとき $X=X_0$ (投与直後, 体内コンパートメントに入った薬物量は X_0) になる. 左の式にこれらを代入すると, $(I' - I) = \ln X_0$.

$\ln X = -k_{el} \cdot t + \ln X_0$

$\ln X = \ln e^{-k_{el} \cdot t} + \ln X_0$ ← 式を整理.

$\ln X = \ln(e^{-k_{el} \cdot t} \cdot X_0)$

$X = X_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$ ← 自然対数の値が等しい場合, それらの真数も等しい.

$X = D_{iv} \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$ ← 単回静注投与においては, X_0 と D_{iv} は等しい.

$\log X = \log(e^{-k_{el} \cdot t} \cdot D_{iv})$ ← 両辺の常用対数をとる.

$\log X = \log e^{-k_{el} \cdot t} + \log D_{iv}$ ← 式を整理.

$\log X = \frac{\ln e^{-k_{el} \cdot t}}{2.303} + \log D_{iv}$ ← " $\log X = \frac{\ln X}{\ln 10} = \frac{\ln X}{2.303}$ " であるため, $\log e^{-k_{el} \cdot t} = \frac{\ln e^{-k_{el} \cdot t}}{2.303}$.

$\log X = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log D_{iv}$ ← " $\ln e^X = X$ " であるため, $\ln e^{-k_{el} \cdot t} = -k_{el} \cdot t$.

(X : 体内薬物量 t : 投与後経過した時間 k_{el} : 消失速度定数)
 (X₀ : 投与直後の体内薬物量 D_{iv} : 投与量)

$\log X = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log D_{iv}$ から $\log C_p = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log C_0$, $C_p = C_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$ への変形

$$\log X = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log D_{iv}$$

体内薬物量 (X) を示す式 (p.146).

$$\log V_d \cdot C_p = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log V_d \cdot C_0$$

分布容積の式 ($V_d = \frac{X}{C_p}$) (p.138) を変形すると $X = V_d \cdot C_p$. また、投与直後の血中薬物濃度を C_0 とすると $X_0 = V_d \cdot C_0$. 単回静注投与においては $X_0 = D_{iv}$ であるため、 $D_{iv} = V_d \cdot C_0$. これらの式を代入.

$$\log V_d + \log C_p = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log V_d + \log C_0$$

式を整理.

$$\log C_p = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log C_0$$

" $X = \ln e^X$ ", " $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ " であるため、
 $-\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t = \log e^{-k_{el} \cdot t}$.

$$\log C_p = \log e^{-k_{el} \cdot t} + \log C_0$$

式を整理.

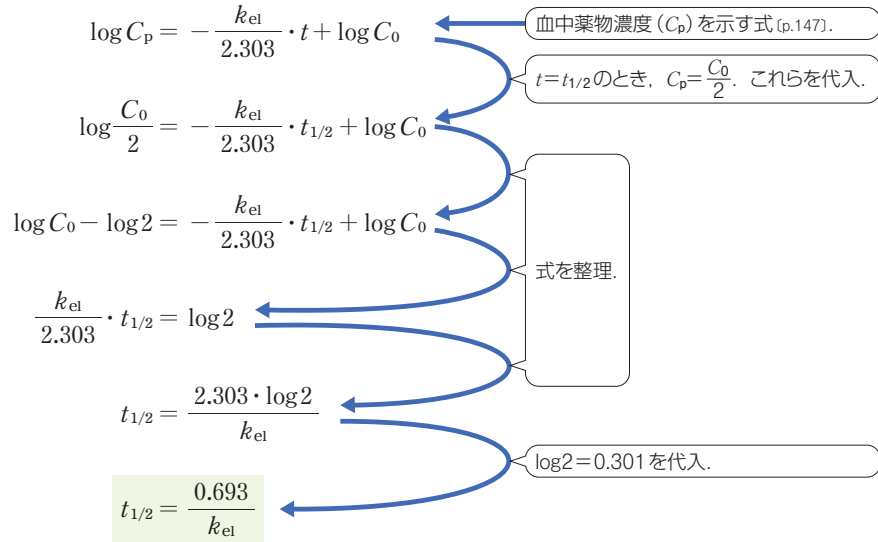
$$\log C_p = \log (e^{-k_{el} \cdot t} \cdot C_0)$$

自然対数の値が等しい場合、それらの真数も等しい.

$$C_p = C_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$$

- (X : 体内薬物量 k_{el} : 消失速度定数 t : 投与後経過した時間 D_{iv} : 投与量)
- (V_d : 分布容積 C_p : 血中薬物濃度 C₀ : 投与直後の血中薬物濃度)

$\log C_p = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log C_0$ から $t_{1/2} = \frac{0.693}{k_{el}}$ への変形



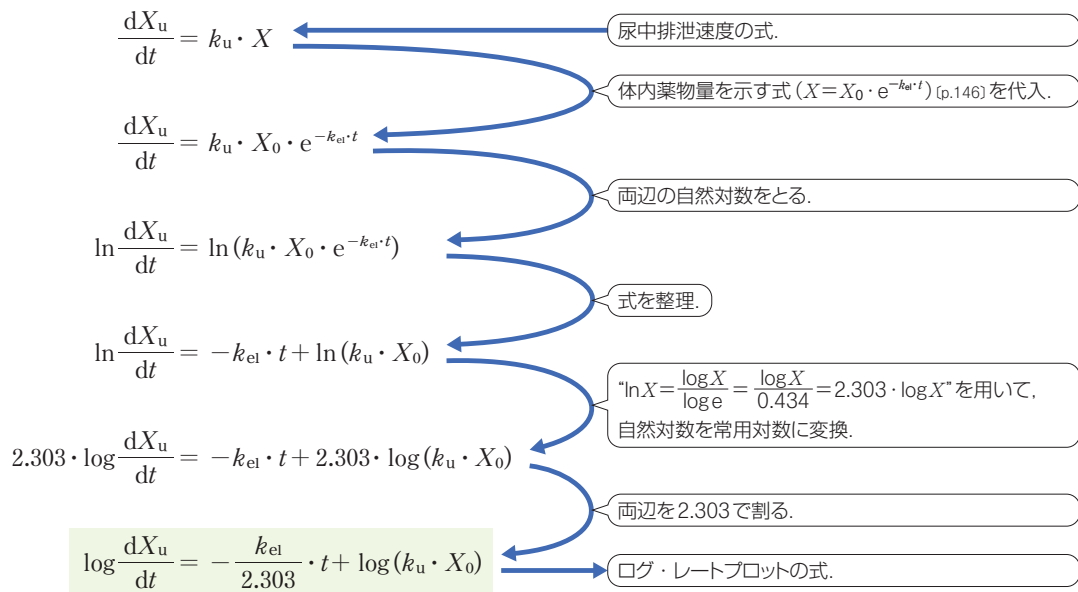
$\left(\begin{array}{lll} C_p : \text{血中薬物濃度} & k_{el} : \text{消失速度定数} & t : \text{投与後経過した時間} \\ C_0 : \text{投与直後の血中薬物濃度} & t_{1/2} : \text{消失半減期} & \end{array} \right)$

$AUC = \int_0^{\infty} C_p dt$ から $AUC = \frac{C_0}{k_{el}}$, $AUC = \frac{D_{iv}}{k_{el} \cdot V_d}$ への変形

$$\begin{aligned}
 AUC &= \int_0^{\infty} C_p dt && \left\{ \begin{array}{l} \text{血中薬物濃度-時間曲線下面積 (AUC) の定義.} \\ \text{血中薬物濃度を示す式 (} C_p = C_0 \cdot e^{-k_{el}t} \text{) (p.147) を代入.} \end{array} \right. \\
 &= \int_0^{\infty} C_0 \cdot e^{-k_{el}t} dt && \left\{ \begin{array}{l} \text{式を整理.} \\ \text{"} \int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I \text{ (} a \text{は定数, } I \text{は積分定数)"} の公式を \\ \text{利用して積分.} \end{array} \right. \\
 &= C_0 \cdot \int_0^{\infty} e^{-k_{el}t} dt && \left\{ \begin{array}{l} \text{"} e^{-k_{el}t} \text{" は } t \rightarrow \infty \text{ のとき } 0, t=0 \text{ のとき } 1 \text{ になる.} \\ \text{式を整理.} \end{array} \right. \\
 &= C_0 \cdot \left[-\frac{1}{k_{el}} \cdot e^{-k_{el}t} \right]_0^{\infty} \\
 &= -C_0 \cdot \frac{1}{k_{el}} \cdot (0 - 1) \\
 &= \frac{C_0}{k_{el}} && \left\{ \begin{array}{l} \text{分布容積の式 (} V_d = \frac{D_{iv}}{C_0} \text{) (p.138) を変形した } C_0 = \frac{D_{iv}}{V_d} \text{ を代入.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{D_{iv}}{k_{el} \cdot V_d}
 \end{aligned}$$

<p>(AUC : 血中薬物濃度-時間曲線下面積 C₀ : 投与直後の血中薬物濃度 t : 投与後経過した時間</p>	<p>C_p : 血中薬物濃度 k_{el} : 消失速度定数 D_{iv} : 投与量</p>	<p>V_d : 分布容積</p>
---------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------

ログ・レートプロットの式の求め方



$\left(\begin{array}{lll} X_u : \text{ある時間 } t \text{ までの尿中排泄量の累計} & t : \text{投与後経過した時間} & k_u : \text{尿中排泄速度定数} \\ X : \text{体内薬物量} & X_0 : \text{投与直後の体内薬物量 (投与量 } D_w \text{ に等しい)} & k_{el} : \text{消失速度定数} \end{array} \right)$

シグマ・マイナスポットの式の求め方

$$\frac{dX_u}{dt} = k_u \cdot X$$

尿中排泄速度の式。

$$dX_u = (k_u \cdot X_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}) dt$$

$X = X_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$ (p.146) を代入し、さらに変数 X_u を左辺へ、変数 t を右辺へ分離。

$$\int 1dX_u = \int (k_u \cdot X_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}) dt$$

両辺を不定積分。

$$\int 1dX_u = k_u \cdot X_0 \cdot \int e^{-k_{el} \cdot t} dt$$

式を整理。

$$X_u + I = k_u \cdot X_0 \cdot \left(-\frac{1}{k_{el}} \cdot e^{-k_{el} \cdot t} + I' \right)$$

左辺は $\int 1dx = x + I'$ の公式、右辺は $\int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I''$ (a は定数、 I, I' は積分定数) の公式を利用して積分。

$$X_u = \frac{k_u \cdot X_0}{k_{el}} \cdot (-e^{-k_{el} \cdot t} + A)$$

積分定数を求めるため、 $A = I' - \frac{k_{el}}{k_u \cdot X_0} \cdot I$ となる定数 A を設定。

$$X_u = \frac{k_u \cdot X_0}{k_{el}} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t})$$

初期条件を考えると、 $t=0$ のとき $X_u=0$ (投与直後、尿中排泄量は0) になる。左の式にこれを代入すると、 $A=1$ 。

$$X_u = X_u^\infty \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t})$$

時間が十分に大きいとき ($t \rightarrow \infty$) には、体内の全薬物が排出していると考えられる。よって、尿中総排泄量を X_u^∞ とすると、 $X_u^\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} X_u = \lim_{t \rightarrow \infty} \frac{k_u \cdot X_0}{k_{el}} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t}) = \frac{k_u \cdot X_0}{k_{el}}$ 。この式を代入して整理する。

$$X_u^\infty - X_u = X_u^\infty \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$$

両辺の自然対数をとる。

$$\ln(X_u^\infty - X_u) = \ln(X_u^\infty \cdot e^{-k_{el} \cdot t})$$

式を整理。

$$\ln(X_u^\infty - X_u) = -k_{el} \cdot t + \ln X_u^\infty$$

$$2.303 \cdot \log(X_u^\infty - X_u) = -k_{el} \cdot t + 2.303 \cdot \log X_u^\infty$$

" $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ " を用いて、自然対数を常用対数に変換。

両辺を 2.303 で割る。

$$\log(X_u^\infty - X_u) = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log X_u^\infty$$

シグマ・マイナスポットの式。

$\left(\begin{array}{ll} X_u : \text{ある時間 } t \text{ までの尿中排泄量の累計} & t : \text{投与後経過した時間} & k_u : \text{尿中排泄速度定数} \\ X : \text{体内薬物量} & X_0 : \text{投与直後の体内薬物量 (投与量 } D_{iv} \text{ に等しい)} & \\ k_{el} : \text{消失速度定数} & X_u^\infty : \text{尿中総排泄量} & \end{array} \right)$

$\frac{dX}{dt} = k_a \cdot X_a - k_{el} \cdot X$ から $X = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t})$, $C_p = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t})$ への変形

$\frac{dX}{dt} = k_a \cdot X_a - k_{el} \cdot X$

体内薬物量 (X) の変化速度の式。

$\frac{dX}{dt} = k_a \cdot F \cdot D \cdot e^{-k_a t} - k_{el} \cdot X$

投与された薬物量のうち、吸収される薬物量の割合はバイオアベイラビリティ (F) (p.137) に等しい。また、吸収部位に残存する吸収可能な薬物量 (X_a) は一次速度式に従って減少する。そのため、 $X_a = F \cdot D \cdot e^{-k_a t}$ 。これを代入。

$\frac{dX}{dt} \cdot e^{k_{el}t} + X \cdot k_{el} \cdot e^{k_{el}t} = k_a \cdot F \cdot D \cdot e^{-(k_a - k_{el})t}$

後の式変形のため、“ $-k_{el} \cdot X$ ”を移項し、両辺に“ $e^{k_{el}t}$ ”をかける。

$\{X \cdot e^{k_{el}t}\}' = k_a \cdot F \cdot D \cdot e^{-(k_a - k_{el})t}$

左辺は積の微分の公式“ $\{f(t) \cdot g(t)\}' = f'(t) \cdot g(t) + f(t) \cdot g'(t)$ ”の形である。すなわち、 $f(t) = X$ とおくと $f'(t) = \frac{dX}{dt}$ 、 $g(t) = e^{k_{el}t}$ とおくと $g'(t) = k_{el} \cdot e^{k_{el}t}$ であるため、 $\frac{dX}{dt} \cdot e^{k_{el}t} + X \cdot k_{el} \cdot e^{k_{el}t} = \{X \cdot e^{k_{el}t}\}'$ 。

$X \cdot e^{k_{el}t} = k_a \cdot F \cdot D \cdot \int e^{-(k_a - k_{el})t} dt$

両辺を変数 t で不定積分。

$X \cdot e^{k_{el}t} = k_a \cdot F \cdot D \cdot \frac{1}{-(k_a - k_{el})} \cdot e^{-(k_a - k_{el})t} + I$

“ $\int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I$ (aは定数、Iは積分定数)”の公式を利用して積分。

$X \cdot e^{k_{el}t} = -\frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}} \cdot e^{-(k_a - k_{el})t} + I$

式を整理。

$X \cdot e^{k_{el}t} = -\frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}} \cdot e^{-(k_a - k_{el})t} + \frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}}$

初期条件を考えると、 $t=0$ のとき $X=0$ (投与直後、体内コンパートメントに入った薬物量は0)になる。左の式にこれらを代入すると $I = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}}$ 。

$X = -\frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}} \cdot e^{-k_a t} + \frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}} \cdot e^{-k_{el}t}$

両辺に $e^{-k_{el}t}$ をかける ($e^{k_{el}t}$ で割る)。

$X = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t})$

式を整理。

$C_p = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t})$

$V_d = \frac{X}{C_p}$ (p.138)を変形した $X = C_p \cdot V_d$ を代入して、血中薬物濃度 (C_p) の式を得る。

(X : 体内薬物量 t : 投与後経過した時間 X_a : 吸収部位に残存する吸収可能な薬物量 k_a : 吸収速度定数)
 (k_{el} : 消失速度定数 F : バイオアベイラビリティ D : 投与量 C_p : 血中薬物濃度 V_d : 分布容積)

※この他、ラプラス変換 (p.152) を利用する方法もある。

$$\log C_1 = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \quad \text{の求め方}$$

- C_1 の式は、薬物の吸収がほぼ完了するまで時間が経過した C_p の式と考える。なお、本解説では $k_{el} < k_a$ であることを前提とする。

$$C_p = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t}) \quad \leftarrow C_p \text{の式 (p.153)}$$

$k_{el} < k_a$ である場合、投与後、十分に時間が経過すると ($t \rightarrow \infty$)、 $e^{-k_{el} \cdot t} \gg e^{-k_a \cdot t}$ になり、 $e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t} \doteq e^{-k_{el} \cdot t}$ と近似できる。その場合の C_p を C_1 とする。

$$C_1 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$$

両辺の自然対数をとる。

$$\ln C_1 = \ln \left\{ \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot e^{-k_{el} \cdot t} \right\}$$

式を整理。

$$\ln C_1 = \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} + \ln e^{-k_{el} \cdot t}$$

$$\ln C_1 = -k_{el} \cdot t + \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$$

" $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ " を用いて、自然対数を常用対数に変換。

$$2.303 \cdot \log C_1 = -k_{el} \cdot t + 2.303 \cdot \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$$

両辺を2.303で割る。

$$\log C_1 = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$$

$\left(\begin{array}{llll} C_p: \text{血中薬物濃度} & k_a: \text{吸収速度定数} & F: \text{バイオアベイラビリティ} & D: \text{投与量} \\ V_d: \text{分布容積} & k_{el}: \text{消失速度定数} & t: \text{投与後経過した時間} & \end{array} \right)$

$\log C_2 = -\frac{k_a}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$ の求め方

• C_2 の式は、 C_1 と C_p の差をとったものと考える。

(C_1 の式と C_p の式を代入.)

$$C_2 = C_1 - C_p$$

$$C_2 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot e^{-k_{el} \cdot t} - \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

(式を整理.)

$$C_2 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot e^{-k_a \cdot t}$$

(両辺の自然対数をとる.)

$$\ln C_2 = \ln \left\{ \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot e^{-k_a \cdot t} \right\}$$

(式を整理.)

$$\ln C_2 = \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} + \ln e^{-k_a \cdot t}$$

$$\ln C_2 = -k_a \cdot t + \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$$

(" $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ " を用いて、自然対数を常用対数に変換.)

$$2.303 \cdot \log C_2 = -k_a \cdot t + 2.303 \cdot \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$$

(両辺を2.303で割る.)

$$\log C_2 = -\frac{k_a}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$$

(C_p : 血中薬物濃度 k_a : 吸収速度定数 F : バイオアベイラビリティ D : 投与量
 V_d : 分布容積 k_{el} : 消失速度定数 t : 投与後経過した時間)

$$\log C_1 = -\frac{k_a}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} \quad \text{の求め方}$$

- C_1 の式は、吸収部位に残存する吸収可能な薬物量 (X_a) が少なくなり、薬物の吸収速度が低下することで、消失速度 > 吸収速度となるまで時間が経過した場合の C_p の式と考える。なお、本解説の式は flip-flop現象時の解析に用いる式であるため、 $k_{el} > k_a$ である。

$$C_p = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t}) \quad \leftarrow C_p \text{の式 (p.153).}$$

$k_{el} > k_a$ である場合、投与後、十分に時間が経過すると ($t \rightarrow \infty$), $e^{-k_{el}t} \ll e^{-k_a t}$ になり、 $e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t} \approx -e^{-k_a t}$ と近似できる。その場合の C_p を C_1 とする。

$$C_1 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (-e^{-k_a t})$$

分母の $(k_a - k_{el})$ のプラスマイナスを入れ替えて、 $(-e^{-k_a t})$ のマイナスを消す。

$$C_1 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} \cdot e^{-k_a t}$$

両辺の自然対数をとる。

$$\ln C_1 = \ln \left\{ \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} \cdot e^{-k_a t} \right\}$$

式を整理。

$$\ln C_1 = \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} + \ln e^{-k_a t}$$

$$\ln C_1 = -k_a \cdot t + \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)}$$

" $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ " を用いて、自然対数を常用対数に変換。

$$2.303 \cdot \log C_1 = -k_a \cdot t + 2.303 \cdot \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)}$$

両辺を 2.303 で割る。

$$\log C_1 = -\frac{k_a}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)}$$

C_p : 血中薬物濃度 k_a : 吸収速度定数 F : バイオアベイラビリティ D : 投与量
 V_d : 分布容積 k_{el} : 消失速度定数 t : 投与後経過した時間

$$\log C_2 = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} \quad \text{の求め方}$$

- C_2 の式は、 C_1 と C_p の差をとったものと考える。

$$C_2 = C_1 - C_p$$

C_1 の式と C_p の式を代入。

$$C_2 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (-e^{-k_a \cdot t}) - \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

式を整理。

$$C_2 = -\frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$$

分母の $(k_a - k_{el})$ のプラスマイナスを入れ替えて、右辺全体にかかっているマイナスを消す。

$$C_2 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$$

両辺の自然対数をとる。

$$\ln C_2 = \ln \left\{ \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} \cdot e^{-k_{el} \cdot t} \right\}$$

$$\ln C_2 = \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)} + \ln e^{-k_{el} \cdot t}$$

式を整理。

$$\ln C_2 = -k_{el} \cdot t + \ln \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)}$$

" $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ "
を用いて、自然対数を常用対数に変換。

$$2.303 \cdot \log C_2 = -k_{el} \cdot t + 2.303 \cdot \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)}$$

両辺を2.303で割る。

$$\log C_2 = -\frac{k_{el}}{2.303} \cdot t + \log \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_{el} - k_a)}$$

$\left(\begin{array}{llll} C_p: \text{血中薬物濃度} & k_a: \text{吸収速度定数} & F: \text{バイオアベイラビリティ} & D: \text{投与量} \\ V_d: \text{分布容積} & k_{el}: \text{消失速度定数} & t: \text{投与後経過した時間} & \end{array} \right)$

$t_{\max} = \frac{2.303}{k_a - k_{el}} \cdot \log \frac{k_a}{k_{el}}$ の求め方

$$C_p = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

C_p の式(p.153).

両辺を t で微分.

$$\frac{dC_p}{dt} = \left\{ \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t}) \right\}'$$

" $(e^{ax})' = a \cdot e^{ax}$ "の公式を利用して微分.

$$\frac{dC_p}{dt} = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (-k_{el} \cdot e^{-k_{el} \cdot t} + k_a \cdot e^{-k_a \cdot t})$$

$t = t_{\max}$ のとき、血中薬物濃度の変化速度は0になるため、 $\frac{dC_p}{dt} = 0$. これらを代入.

$$0 = \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (-k_{el} \cdot e^{-k_{el} \cdot t_{\max}} + k_a \cdot e^{-k_a \cdot t_{\max}})$$

右辺の分数項において、 k_a, F, D, V_d は0でないこと、また一般的に $k_{el} < k_a$ であることから、両辺を $\frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})}$ で割る.

$$0 = -k_{el} \cdot e^{-k_{el} \cdot t_{\max}} + k_a \cdot e^{-k_a \cdot t_{\max}}$$

$$k_{el} \cdot e^{-k_{el} \cdot t_{\max}} = k_a \cdot e^{-k_a \cdot t_{\max}}$$

式を整理.

$$e^{(k_a - k_{el}) \cdot t_{\max}} = \frac{k_a}{k_{el}}$$

両辺の自然対数をとる.

$$(k_a - k_{el}) \cdot t_{\max} = \ln \frac{k_a}{k_{el}}$$

式を整理.

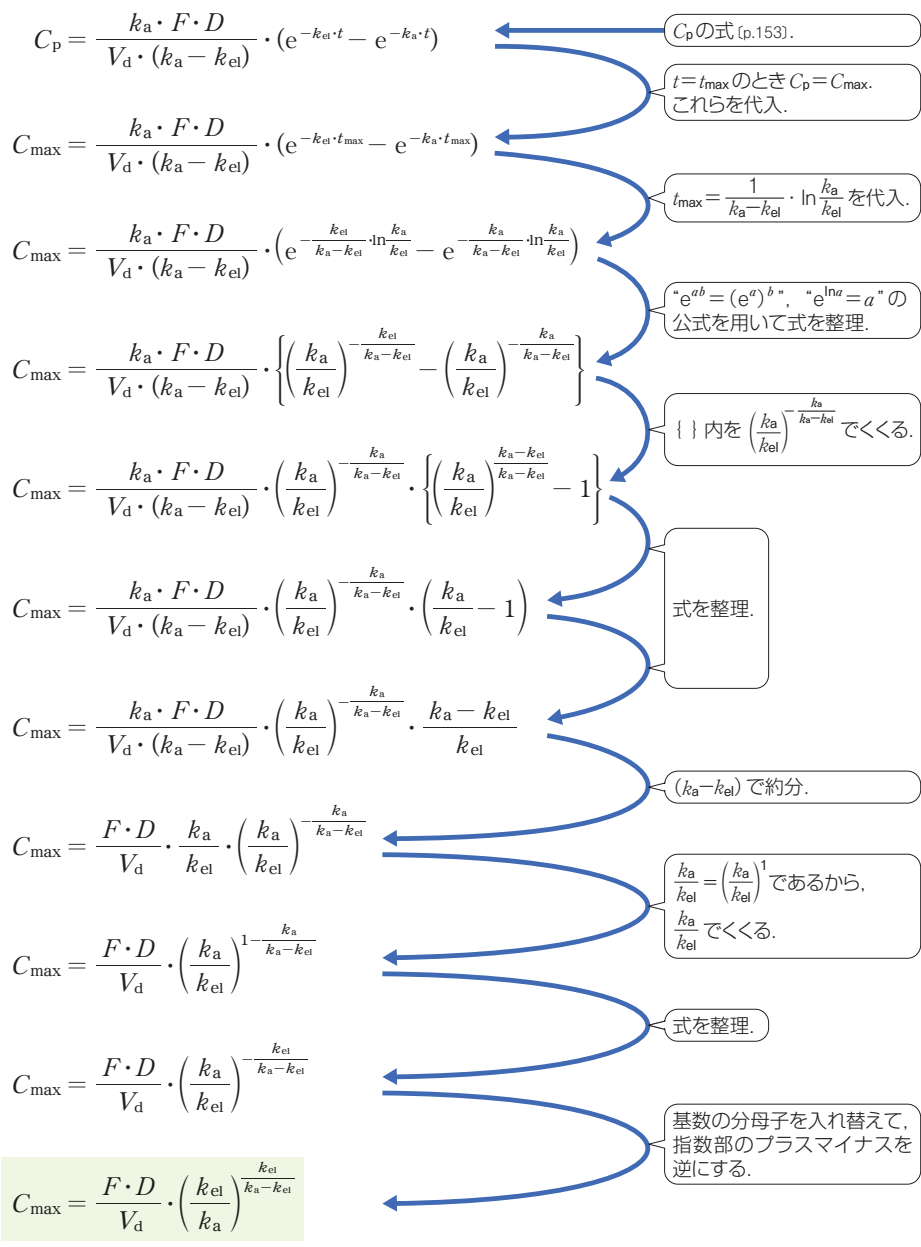
$$t_{\max} = \frac{1}{k_a - k_{el}} \cdot \ln \frac{k_a}{k_{el}}$$

" $\ln X = \frac{\log X}{\log e} = \frac{\log X}{0.434} = 2.303 \cdot \log X$ "であるため、
 $\ln \frac{k_a}{k_{el}} = 2.303 \cdot \log \frac{k_a}{k_{el}}$.

$$t_{\max} = \frac{2.303}{k_a - k_{el}} \cdot \log \frac{k_a}{k_{el}}$$

(C_p : 血中薬物濃度 k_a : 吸収速度定数 F : バイオアベイラビリティ D : 投与量
 V_d : 分布容積 k_{el} : 消失速度定数 t : 投与後経過した時間 t_{\max} : 最高血中濃度到達時間)

$C_{\max} = \frac{F \cdot D}{V_d} \cdot \left(\frac{k_{el}}{k_a}\right)^{\frac{k_{el}}{k_a - k_{el}}}$ の求め方



- | | | |
|-----------------|-------------------------|---------------------|
| C_p : 血中薬物濃度 | k_a : 吸収速度定数 | F : バイオアベイラビリティ |
| D : 投与量 | V_d : 分布容積 | k_{el} : 消失速度定数 |
| t : 投与後経過した時間 | t_{\max} : 最高血中濃度到達時間 | C_{\max} : 最高血中濃度 |

$AUC = \frac{F \cdot D}{k_{el} \cdot V_d}$, $AUC = \frac{F \cdot D}{CL_{tot}}$ の求め方

$$\begin{aligned}
 AUC &= \int_0^{\infty} C_p dt && \left\{ \begin{array}{l} \text{血中薬物濃度-時間曲線下面積 (AUC) の定義} \\ \text{(p.136).} \end{array} \right. \\
 &= \int_0^{\infty} \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t}) dt && \left\{ \begin{array}{l} C_p \text{ の式 (p.153) を代入.} \\ \text{式を整理.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot \int_0^{\infty} (e^{-k_{el}t} - e^{-k_a t}) dt \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot \left[\frac{e^{-k_{el}t}}{-k_{el}} - \frac{e^{-k_a t}}{-k_a} \right]_0^{\infty} && \left\{ \begin{array}{l} \text{"} \int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I \text{(} a \text{は定数, } I \text{は積分定数)"} \\ \text{の公式を利用して積分.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot \left\{ 0 - \left(\frac{1}{-k_{el}} - \frac{1}{-k_a} \right) \right\} && \left\{ \begin{array}{l} t \rightarrow \infty \text{ のとき } e^{-k_{el}t} \rightarrow 0, e^{-k_a t} \rightarrow 0, \\ t=0 \text{ のとき } e^{-k_{el}t} = 1, e^{-k_a t} = 1. \text{ これらを代入.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot \left(\frac{1}{k_{el}} - \frac{1}{k_a} \right) \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot \frac{k_a - k_{el}}{k_{el} \cdot k_a} && \left\{ \begin{array}{l} \text{式を整理.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{F \cdot D}{k_{el} \cdot V_d} \\
 &= \frac{F \cdot D}{CL_{tot}} && \left\{ \begin{array}{l} CL_{tot} = k_{el} \cdot V_d \text{ (p.149) を代入.} \end{array} \right.
 \end{aligned}$$

C_p : 血中薬物濃度 t : 投与後経過した時間 k_a : 吸収速度定数 F : バイオアベイラビリティ
 D : 投与量 V_d : 分布容積 k_{el} : 消失速度定数 CL_{tot} : 全身クリアランス

$\frac{dX}{dt} = k_0 - k_{el} \cdot X$ から $X = \frac{k_0}{k_{el}} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t})$, $C_p = \frac{k_0}{k_{el} \cdot V_d} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t})$ への変形

$\frac{dX}{dt} = k_0 - k_{el} \cdot X$ ← 体内薬物量 (X) の変化速度の式.

$\frac{dX}{dt} \cdot e^{k_{el} \cdot t} + k_{el} \cdot X \cdot e^{k_{el} \cdot t} = k_0 \cdot e^{k_{el} \cdot t}$ ← 後の式変形のため, “ $-k_{el} \cdot X$ ” を移項し, 両辺に “ $e^{k_{el} \cdot t}$ ” をかける.

$\{X \cdot e^{k_{el} \cdot t}\}' = k_0 \cdot e^{k_{el} \cdot t}$ ← 左辺は積の微分の公式 “ $\{f(t) \cdot g(t)\}' = f'(t) \cdot g(t) + f(t) \cdot g'(t)$ ” の形である. すなわち, $f(t) = X$ とおくと $f'(t) = \frac{dX}{dt}$, $g(t) = e^{k_{el} \cdot t}$ とおくと $g'(t) = k_{el} \cdot e^{k_{el} \cdot t}$ であるため, $\frac{dX}{dt} \cdot e^{k_{el} \cdot t} + X \cdot k_{el} \cdot e^{k_{el} \cdot t} = \{X \cdot e^{k_{el} \cdot t}\}'$.

$X \cdot e^{k_{el} \cdot t} = k_0 \cdot \int e^{k_{el} \cdot t} dt$ ← 両辺を変数 t で不定積分.

$X \cdot e^{k_{el} \cdot t} = \frac{k_0}{k_{el}} \cdot e^{k_{el} \cdot t} + I$ ← “ $\int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I$ (a は定数, I は積分定数)” の公式を利用して積分.

$X \cdot e^{k_{el} \cdot t} = \frac{k_0}{k_{el}} \cdot e^{k_{el} \cdot t} - \frac{k_0}{k_{el}}$ ← 初期条件を考えると, $t=0$ のとき $X=0$ (投与直後, 体内コンパートメントに入った薬物量は0) になる. 左の式にこれらを代入すると $I = -\frac{k_0}{k_{el}}$.

$X = \frac{k_0}{k_{el}} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t})$ ← 両辺に $e^{-k_{el} \cdot t}$ をかける ($e^{k_{el} \cdot t}$ で割る).

$C_p = \frac{k_0}{k_{el} \cdot V_d} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot t})$ ← 分布容積の式 ($V_d = \frac{X}{C_p}$) (p.138) を変形した $X = C_p \cdot V_d$ を代入して, 血中薬物濃度 (C_p) の式を得る.

(X : 体内薬物量 t : 投与後経過した時間 k₀ : 投与速度
 k_{el} : 消失速度定数 C_p : 血中薬物濃度 V_d : 分布容積)

※この他, ラプラス変換 (p.152) を利用する方法もある.

$C_{ss,ave} = \frac{AUC_{ss}}{\tau}$ から $C_{ss,ave} = \frac{C_0}{k_{el} \cdot \tau}$ への変形

$$\begin{aligned}
 C_{ss,ave} &= \frac{AUC_{ss}}{\tau} && \leftarrow \text{定常状態平均血中薬物濃度 } (C_{ss,ave}) \text{ の定義.} \\
 &= \frac{\int_0^\tau C_{ss} dt^*}{\tau} && \leftarrow AUC_{ss} \text{ は、定常状態での投与間隔 } \tau \text{ 間の血中薬物濃度-時間曲線下面積 (AUC) と定義される. これは、定常状態における血中薬物濃度 } (C_{ss}) \text{ の式を、} t^*=0 \text{ から } t^*=\tau \text{ まで積分すると求めることができる.} \\
 &= \frac{\int_0^\tau \frac{C_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t^*}}{1 - e^{-k_{el} \cdot \tau}} dt^*}{\tau} && \leftarrow C_{ss} = \frac{C_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t^*}}{1 - e^{-k_{el} \cdot \tau}} \text{ を代入.} \\
 &= \frac{C_0}{(1 - e^{-k_{el} \cdot \tau}) \cdot \tau} \cdot \int_0^\tau e^{-k_{el} \cdot t^*} dt^* && \leftarrow \text{式を整理.} \\
 &= \frac{C_0}{(1 - e^{-k_{el} \cdot \tau}) \cdot \tau} \cdot \left[-\frac{1}{k_{el}} \cdot e^{-k_{el} \cdot t^*} \right]_0^\tau && \leftarrow \int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I \text{ (} a \text{ は定数, } I \text{ は積分定数) の公式を利用して積分.} \\
 &= \frac{C_0}{(1 - e^{-k_{el} \cdot \tau}) \cdot \tau} \cdot \left\{ -\frac{1}{k_{el}} \cdot e^{-k_{el} \cdot \tau} - \left(-\frac{1}{k_{el}} \right) \right\} && \leftarrow \begin{matrix} t^* = \tau \text{ のとき } e^{-k_{el} \cdot t^*} = e^{-k_{el} \cdot \tau}, \\ t^* = 0 \text{ のとき } e^{-k_{el} \cdot t^*} = 1 \text{ になる.} \end{matrix} \\
 &= \frac{C_0 \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot \tau})}{k_{el} \cdot (1 - e^{-k_{el} \cdot \tau}) \cdot \tau} && \leftarrow \text{式を整理.} \\
 &= \frac{C_0}{k_{el} \cdot \tau}
 \end{aligned}$$

$C_{ss,ave}$: 定常状態平均血中薬物濃度 AUC_{ss} : 定常状態における投与間隔 τ 間の AUC
 τ : 投与間隔 C_{ss} : 定常状態における血中薬物濃度
 t^* : n 回投与後の経過時間 ($0 \leq t^* \leq \tau$) C_0 : 投与直後の血中薬物濃度 k_{el} : 消失速度定数

$R = \frac{1}{1 - e^{-k_{el}\tau}}$ の求め方

$$\begin{aligned}
 R &= \frac{C_{ss,min}}{C_{1,min}} && \leftarrow \text{蓄積率 (R) の定義 (p.165).} \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D_{po}}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot \left(\frac{e^{-k_{el}\tau}}{1 - e^{-k_{el}\tau}} - \frac{e^{-k_a\tau}}{1 - e^{-k_a\tau}} \right) && \leftarrow n=1, t^*=\tau \text{ の場合の } C_n \text{ を } C_{1,min} \text{ と考える.} \\
 &= \frac{k_a \cdot F \cdot D_{po}}{V_d \cdot (k_a - k_{el})} \cdot (e^{-k_{el}\tau} - e^{-k_a\tau}) && \leftarrow \text{これと, トラフ値 (} C_{ss,min} \text{) の式を代入.} \\
 &= \frac{e^{-k_{el}\tau}}{1 - e^{-k_{el}\tau}} - \frac{e^{-k_a\tau}}{1 - e^{-k_a\tau}} && \leftarrow \\
 &= \frac{e^{-k_{el}\tau} \cdot (1 - e^{-k_a\tau}) - e^{-k_a\tau} \cdot (1 - e^{-k_{el}\tau})}{(e^{-k_{el}\tau} - e^{-k_a\tau}) \cdot (1 - e^{-k_{el}\tau}) \cdot (1 - e^{-k_a\tau})} && \leftarrow \text{式を整理.} \\
 &= \frac{e^{-k_{el}\tau} - e^{-k_{el}\tau} \cdot e^{-k_a\tau} - e^{-k_a\tau} + e^{-k_{el}\tau} \cdot e^{-k_a\tau}}{(e^{-k_{el}\tau} - e^{-k_a\tau}) \cdot (1 - e^{-k_{el}\tau}) \cdot (1 - e^{-k_a\tau})} \\
 &= \frac{e^{-k_{el}\tau} - e^{-k_a\tau}}{(e^{-k_{el}\tau} - e^{-k_a\tau}) \cdot (1 - e^{-k_{el}\tau}) \cdot (1 - e^{-k_a\tau})} \\
 &= \frac{1}{(1 - e^{-k_{el}\tau}) \cdot (1 - e^{-k_a\tau})} \\
 &= \frac{1}{1 - e^{-k_{el}\tau}} && \leftarrow \text{通常 } k_a \gg k_{el} \text{ なので, } 1 \div 1 - e^{-k_a\tau} \gg 1 - e^{-k_{el}\tau} \text{ と近似できる.} \\
 & && \leftarrow \text{静注の場合と同じ式になる.}
 \end{aligned}$$

R : 蓄積率	$C_{ss,min}$: トラフ値	$C_{1,min}$: 1回目の投与後の最低血中薬物濃度
k_a : 吸収速度定数	k_{el} : 消失速度定数	F : バイオアベイラビリティ
D_{po} : 投与量	V_d : 分布容積	τ : 投与間隔

$\log C_1'' = -\frac{\beta}{2.303} \cdot t + \log B$ の求め方

- $\log C_1''$ の式は、十分に時間が経過した $\log C_1$ の式と考える。

$$\log C_1 = \log(A \cdot e^{-\alpha \cdot t} + B \cdot e^{-\beta \cdot t})$$

$\alpha > \beta$ であるため、投与後、十分に時間が経過すると ($t \rightarrow \infty$), $e^{-\alpha \cdot t} \ll e^{-\beta \cdot t}$ になり、 $A \cdot e^{-\alpha \cdot t} + B \cdot e^{-\beta \cdot t} \approx B \cdot e^{-\beta \cdot t}$ と近似できる。

$$\log C_1'' = \log(B \cdot e^{-\beta \cdot t})$$

式を整理。

$$\log C_1'' = \log e^{-\beta \cdot t} + \log B$$

" $\log X = \frac{\ln X}{\ln 10} = \frac{\ln X}{2.303}$ " であるため、
 $\log e^{-\beta \cdot t} = \frac{\ln e^{-\beta \cdot t}}{2.303}$

$$\log C_1'' = \frac{\ln e^{-\beta \cdot t}}{2.303} + \log B$$

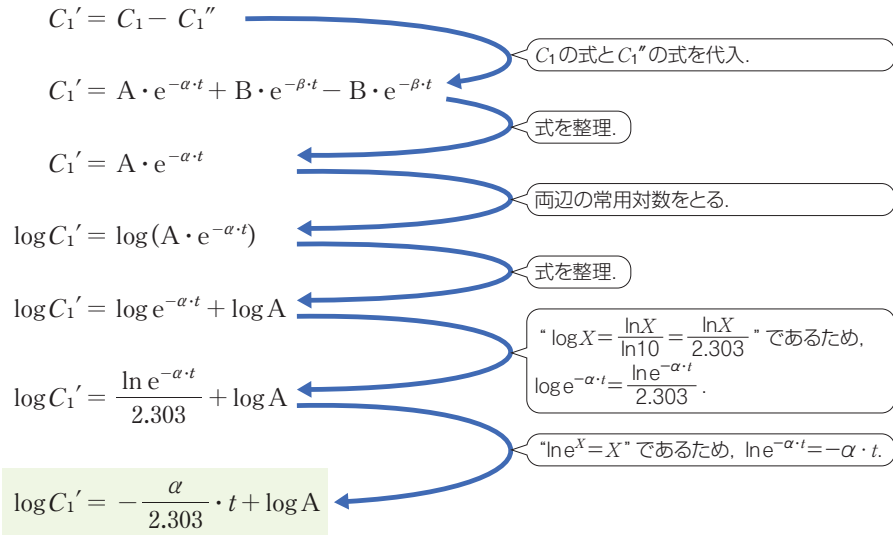
" $\ln e^X = X$ " であるため、 $\ln e^{-\beta \cdot t} = -\beta \cdot t$ 。

$$\log C_1'' = -\frac{\beta}{2.303} \cdot t + \log B$$

$A : A = \frac{D_w \cdot (\alpha - k_{21})}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ
 $B : B = \frac{D_w \cdot (k_{21} - \beta)}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ
 α : 分布相における消失速度定数
 t : 投与後経過した時間
 β : 消失相における消失速度定数

$\log C_1' = -\frac{\alpha}{2.303} \cdot t + \log A$ の求め方

• C_1' の式は、 C_1 と C_1'' の差をとったものとする。



$A : A = \frac{D_W \cdot (\alpha - k_{21})}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ
 $B : B = \frac{D_W \cdot (k_{21} - \beta)}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ
 α : 分布相における消失速度定数
 t : 投与後経過した時間
 β : 消失相における消失速度定数

線形2-コンパートメントモデル
 > 代表的なパラメータの求め方

$AUC = \frac{A}{\alpha} + \frac{B}{\beta}$, $AUC = \frac{D_{iv}}{k_{10} \cdot V_1}$ の求め方

$$\begin{aligned}
 AUC &= \int_0^{\infty} C_p dt && \left\{ \begin{array}{l} \text{血中薬物濃度-時間曲線下面積 (AUC) (p.136)} \\ \text{の定義.} \end{array} \right. \\
 &= \int_0^{\infty} (A \cdot e^{-\alpha t} + B \cdot e^{-\beta t}) dt && \left\{ \begin{array}{l} \text{2-コンパートメントモデルにおいては, 体循環} \\ \text{コンパートメント内の薬物濃度が血中薬物濃} \\ \text{度 (C}_p\text{) に等しいため, C}_1\text{の式 (p.172) を代入.} \end{array} \right. \\
 &= \left[A \cdot \frac{e^{-\alpha t}}{-\alpha} + B \cdot \frac{e^{-\beta t}}{-\beta} \right]_0^{\infty} && \left\{ \begin{array}{l} \text{"} \int e^{ax} dx = \frac{1}{a} \cdot e^{ax} + I \text{(aは定数, Iは積分定数)" } \\ \text{の公式を利用して積分.} \end{array} \right. \\
 &= 0 - \left(A \cdot \frac{1}{-\alpha} + B \cdot \frac{1}{-\beta} \right) && \left\{ \begin{array}{l} \text{t} \rightarrow \infty \text{のとき } e^{-\alpha t} \rightarrow 0, \text{ t=0のとき } e^{-\alpha t} = 1. \\ \text{e}^{-\beta t} \text{も同様. これらを代入.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{A}{\alpha} + \frac{B}{\beta} && \left\{ \begin{array}{l} \text{式を整理.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{A \cdot \beta + B \cdot \alpha}{\alpha \cdot \beta} && \\
 &= \frac{\frac{D_{iv} \cdot (\alpha - k_{21})}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)} \cdot \beta + \frac{D_{iv} \cdot (k_{21} - \beta)}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)} \cdot \alpha}{k_{10} \cdot k_{21}} && \left\{ \begin{array}{l} A = \frac{D_{iv} \cdot (\alpha - k_{21})}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}, B = \frac{D_{iv} \cdot (k_{21} - \beta)}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}, \\ \alpha \cdot \beta = k_{10} \cdot k_{21} \text{を代入.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{D_{iv} \cdot \beta \cdot \alpha - D_{iv} \cdot \beta \cdot k_{21} + D_{iv} \cdot \alpha \cdot k_{21} - D_{iv} \cdot \alpha \cdot \beta}{k_{10} \cdot k_{21} \cdot V_1 \cdot (\alpha - \beta)} && \left\{ \begin{array}{l} \text{式を整理.} \end{array} \right. \\
 &= \frac{D_{iv} \cdot k_{21} \cdot (\alpha - \beta)}{k_{10} \cdot k_{21} \cdot V_1 \cdot (\alpha - \beta)} && \\
 &= \frac{D_{iv}}{k_{10} \cdot V_1} &&
 \end{aligned}$$

AUC : 血中薬物濃度-時間曲線下面積 C_p : 血中薬物濃度 t : 投与後経過した時間
 A : $A = \frac{D_{iv} \cdot (\alpha - k_{21})}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ α : 分布相における消失速度定数
 B : $B = \frac{D_{iv} \cdot (k_{21} - \beta)}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ β : 消失相における消失速度定数
 D_{iv} : 投与量 k_{10} : 消失速度定数 k_{21} : 分布速度定数 (末梢→体循環)
 V_1 : 体循環コンパートメントの分布容積

線形2-コンパートメントモデル
> 代表的なパラメータの求め方

$V_1 = \frac{D_{iv}}{A+B}$ の求め方

$$\begin{aligned}
 V_1 &= \frac{X_1}{C_p} && \leftarrow V_d \text{ (p.138) の定義.} \\
 &= \frac{X_1}{A \cdot e^{-\alpha \cdot t} + B \cdot e^{-\beta \cdot t}} && \leftarrow \text{2-コンパートメントモデルにおいては、} \\
 &= \frac{D_{iv}}{A \cdot e^{-\alpha \cdot 0} + B \cdot e^{-\beta \cdot 0}} && \leftarrow \text{体循環コンパートメント内の薬物濃度が} \\
 &= \frac{D_{iv}}{A+B} && \leftarrow \text{血中薬物濃度 (} C_p \text{) に等しいため、} C_1 \text{ の} \\
 & && \leftarrow \text{式 (p.172) を代入.} \\
 & && \leftarrow \text{投与直後 (} t=0 \text{) は、末梢への分布も消} \\
 & && \leftarrow \text{失も生じていないため、} X_1 = D_{iv} \text{ になる.} \\
 & && \leftarrow \text{式を整理.}
 \end{aligned}$$

V_1 : 体循環コンパートメントの分布容積	X_1 : 体循環コンパートメントの薬物量	C_p : 血中薬物濃度
$A : A = \frac{D_{iv} \cdot (\alpha - k_{21})}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ	α : 分布相における消失速度定数	t : 投与後経過した時間
$B : B = \frac{D_{iv} \cdot (k_{21} - \beta)}{V_1 \cdot (\alpha - \beta)}$ で示されるパラメータ	β : 消失相における消失速度定数	D_{iv} : 投与量

線形2-コンパートメントモデル

> 代表的なパラメータの求め方

$V_2 = \frac{k_{12}}{k_{21}} \cdot V_1$ の求め方

$$\begin{aligned}
 V_2 &= \frac{X_2}{C_p} && \left(V_d \text{ (p.138) の定義.} \right) \\
 &= \frac{k_{12}}{k_{21}} \cdot X_1 \cdot \frac{1}{C_p} && \left(\begin{array}{l} \text{投与直後は、体循環から末梢への分布により } X_2 \text{ が刻々と} \\ \text{変化するため、} V_2 \text{ を計算するには、分布が平衡状態に達} \\ \text{したとき (定常状態) の } X_2 \text{ を利用する必要がある.} \\ \text{定常状態に達すると、} \frac{dX_2}{dt} = k_{12} \cdot X_1 - k_{21} \cdot X_2 = 0 \text{ となる.} \\ \text{この式を変形した、} X_2 = X_1 \cdot \frac{k_{12}}{k_{21}} \text{ を代入.} \end{array} \right) \\
 &= \frac{k_{12}}{k_{21}} \cdot V_1 && \left(\frac{X_1}{C_p} = V_1 \text{ を代入.} \right)
 \end{aligned}$$

V_2 : 末梢コンパートメントの分布容積	X_2 : 末梢コンパートメントの薬物量
C_p : 血中薬物濃度	k_{12} : 分布速度定数 (体循環 → 末梢)
k_{21} : 分布速度定数 (末梢 → 体循環)	X_1 : 体循環コンパートメントの薬物量
V_1 : 体循環コンパートメントの分布容積	

生理学的モデル

> CL_{org} と CL_{int} の関係

$$CL_{org} = \frac{Q \cdot CL_{int} \cdot f_{u,p}}{Q + CL_{int} \cdot f_{u,p}} \text{ の求め方}$$

- まずは、臓器における薬物量の変化速度の式を、固有クリアランス(CL_{int})を用いて組み立て、後の式変形のために C_{out}/C_{in} を導出する。

$$\frac{dX}{dt} = Q \cdot C_{in} - Q \cdot C_{out} - CL_{int} \cdot C_{out} \cdot f_{u,p}$$

固有クリアランス(CL_{int})を導入した、臓器における薬物量の変化速度の式。

$$0 = Q \cdot C_{in} - Q \cdot C_{out} - CL_{int} \cdot C_{out} \cdot f_{u,p}$$

定常状態では $\frac{dX}{dt} = 0$ になる。

$$\frac{C_{out}}{C_{in}} = \frac{Q}{Q + CL_{int} \cdot f_{u,p}}$$

後の式変形のために $\frac{C_{out}}{C_{in}}$ を導出。

- 次に、臓器における薬物量の変化速度の式を、組織クリアランス(CL_{org})を用いて組み立てた上で、上記の C_{out}/C_{in} の式を代入すると、以下の式が得られる。

$$\frac{dX}{dt} = Q \cdot C_{in} - Q \cdot C_{out} - CL_{org} \cdot C_{in}$$

組織クリアランス(CL_{org})を導入した、臓器における薬物量の変化速度の式。

$$0 = Q \cdot C_{in} - Q \cdot C_{out} - CL_{org} \cdot C_{in}$$

定常状態では $\frac{dX}{dt} = 0$ になる。

$$CL_{org} = \frac{Q \cdot (C_{in} - C_{out})}{C_{in}}$$

式を整理。

$$CL_{org} = Q \cdot \left(1 - \frac{C_{out}}{C_{in}}\right)$$

ここに、前半の解説で導出した $\frac{C_{out}}{C_{in}} = \frac{Q}{Q + CL_{int} \cdot f_{u,p}}$ を代入。

$$CL_{org} = Q \cdot \left(1 - \frac{Q}{Q + CL_{int} \cdot f_{u,p}}\right)$$

式を整理。

$$CL_{org} = \frac{Q \cdot CL_{int} \cdot f_{u,p}}{Q + CL_{int} \cdot f_{u,p}}$$

X : 臓器内の薬物量 t : 投与後経過した時間 Q : 臓器内の血流速度(単位時間当たりの血流量)
 C_{in} : 流入薬物濃度 CL_{int} : 固有クリアランス C_{out} : 流出薬物濃度
 $f_{u,p}$: 血漿タンパク非結合率 CL_{org} : 組織クリアランス